

# Zweitstimme.org. Ein strukturell-dynamisches Vorhersagemodell für Bundestagswahlen [Zweitstimme.org. A structural-dynamic forecasting model for German federal elections]<sup>1</sup>

Dr. Simon Munzert (Humboldt Universität zu Berlin, Institut für Sozialwissenschaften, Unter den Linden 6, 10099 Berlin, [simon.munzert@hu-berlin.de](mailto:simon.munzert@hu-berlin.de))

Dr. Lukas Stötzer (Universität Zürich, Institut für Politikwissenschaft, Affolternstr. 56, 8050 Zürich, [lukas.stoetzer@uzh.ch](mailto:lukas.stoetzer@uzh.ch))

Thomas Gschwend, PhD (Universität Mannheim, Fakultät für Sozialwissenschaften, A5, 6, 68131 Mannheim, [gschwend@uni-mannheim.de](mailto:gschwend@uni-mannheim.de))

Marcel Neunhoeffer, M.A. (Universität Mannheim, Fakultät für Sozialwissenschaften, A5, 6, 68131 Mannheim, [mneunhoe@uni-mannheim.de](mailto:mneunhoe@uni-mannheim.de))

Sebastian Sternberg, M.A. (Universität Mannheim, Fakultät für Sozialwissenschaften, A5, 6, 68131 Mannheim, [ssternbe@uni-mannheim.de](mailto:ssternbe@uni-mannheim.de))

## *Abstract*

We present results of an ex-ante forecast of party-specific vote shares at the German Federal Election 2017. To that end, we combine data from published trial heat polls with structural information. The model takes care of the multi-party nature of the setting and allows making statements about the probability of certain events, such as the plurality of votes for a party or the majority for coalition options in parliament. The forecasts of our model are continuously being updated on the platform [zweitstimme.org](http://zweitstimme.org). The value of our approach goes beyond the realms of academia: We equip journalists, political pundits, and ordinary citizens with information that can help make sense of the parties' latent support and ultimately make voting decisions better informed.

Keywords: Bundestag election, forecast, polls, Bayesian modeling, probability

## *Zusammenfassung*

Wir berichten die Ergebnisse einer ex-ante-Vorhersage der Zweitstimmenergebnisse für die Bundestagswahl 2017. Dazu kombinieren wir Daten veröffentlichter Umfragen mit strukturellen Informationen. Das Modell trägt Eigenheiten von Vielparteiensystemen Rechnung erlaubt es, Aussagen über die Wahrscheinlichkeit bestimmter Wahlergebnisse zu treffen, z.B. der Mehrheit der Sitzanteile für eine Partei oder der rechnerischen Mehrheit für verschiedene Koalitionsoptionen. Vorhersagen des Modells. Diese werden auf der Plattform [zweitstimme.org](http://zweitstimme.org) veröffentlicht und aktualisiert. Unser Ansatz hat dabei nicht nur akademischen Wert: Wir geben Journalisten, Experten und Bürgern Information an die Hand, die helfen kann tatsächliche Parteiunterstützung einzuschätzen und letztlich besser informierte Wahlentscheidungen zu treffen.

---

1 Für hilfreiche Kommentare danken wir Marc Debus, Helmut Norpoth und Kai-Uwe Schnapp, Steffen Zittlau, sowie zwei anonymen Gutachtern. Den Editoren danken wir für die schnelle Bearbeitung unserer Einreichung, die eine Veröffentlichung der Vorhersage noch vor der Wahl möglich machte. Darüber hinaus bedanken wir uns herzlich für die Überlassung von Daten, insbesondere hinsichtlich der Sonntagsfrage bei Jochen Groß, Marcel Noack, Gertrud Petrig (Institut für Demoskopie Allensbach) sowie Rainer Schnell, und bei Christel Selzer für ihre redaktionelle Arbeit am Manuskript.

Stichworte: Bundestagswahl, Vorhersage, Umfragen, Bayesianische Modellierung, Wahrscheinlichkeit

## 1 Einleitung

Wer wird stärkste Partei im nächsten Bundestag und stellt möglicherweise den nächsten Kanzler? Erreicht eine Ampelkoalition oder eine Koalition aus SPD, B'90/Die Grünen und der Linken eine rechnerische Mehrheit? Schafft es die FDP wieder in den Bundestag? In der medialen Berichterstattung zur Bundestagswahl 2017 nehmen Fragen wie diese einen wichtigen Platz ein. Dabei dienen insbesondere nahezu täglich veröffentlichte Befragungen als Evidenz. Allerdings stellen sie weder eine besonders zuverlässige Grundlage dar, um den Monate in der Zukunft liegenden Wahlausgang vorherzusagen, noch, um die Unsicherheit einzuordnen, die mit der Beantwortung der eben genannten Fragen einhergeht.

In diesem Beitrag präsentieren wir einen neuen Ansatz, um sowohl Zweitstimmenergebnisse verschiedener Parteien als auch entsprechende Koalitionsoptionen für die kommende Bundestagswahl 2017 vorherzusagen. Dabei stehen drei Ziele im Vordergrund: (1) Frühzeitige und möglichst präzise Vorhersage des Bundestagswahlergebnisses und daraus ableitbarer Koalitions-Konstellationen, (2) Aktualisierung der Vorhersage auf Basis neu veröffentlichter Umfragen bis zur Bundestagswahl und (3) Berechnung und Kommunikation realistischer Unsicherheit sowie ableitbarer Wahrscheinlichkeiten für bestimmte Ereignisse, die mit den veröffentlichten Vorhersagen verbunden sind.

Bisherige Methoden zur Vorhersage von Bundestagswahlen basierten entweder auf strukturellen Modellen, die auf empirischen Regelmäßigkeiten - beispielsweise dem robusten Zusammenhang zwischen Kanzlerpopularität und dem Anteil der Koalitionsparteien - bei bisherigen Bundestagswahlen beruhen (Gschwend u. Norpoth 2000, 2001, dieses Forum, Kayser u. Leininger 2016, Leininger u. Kayser, dieses Forum) oder auf Aggregationsmodellen, die Informationen aus veröffentlichten Umfragen kombinieren (Walther 2015, Selb u. Munzert 2016). Während rein umfragebasierte Modelle Informationen bis kurz vor dem Wahltag inkorporieren können, sind sie fehleranfällig für umfragespezifische Verzerrungen. Strukturelle Modelle erweisen sich dagegen trotz ihrer Datensparsamkeit als erstaunlich treffsicher (Gelman u. King 1993, Gschwend u. Norpoth 2005, Norpoth u. Gschwend 2003). Allerdings sind rein strukturelle Modelle meist nicht flexibel genug, um auf kurzfristige Neujustierungen im Parteiensystem oder der politischen Stimmung reagieren zu können und sind deswegen in Hinblick auf die vorhergesagten Größen nicht immer zielführend. So lassen viele der für die Bundestagswahlen vorgestellten Modelle lediglich Vorhersagen für den Anteil der Koalitionsparteien zu.

Kern unserer Strategie ist deshalb die Entwicklung eines kombinierten Modells, das die Stärken von strukturellen Modellen und Aggregationsmodellen in sich vereint. Dafür entwickeln wir ein strukturelles Modell, benutzen jedoch auch veröffentlichte Werte der sogenannten „Sonntagsfrage“ im Zeitverlauf, um die Zweitstimmenanteile von Parteien und mögliche Koalitionen vorherzusagen. Diese Kombination von strukturellen Modellen und Aggregationsmodellen von Umfragedaten zur Wahlvorhersage - wohlgemerkt ohne eigene Umfragen in Auftrag zu geben - ist für die Bundesrepublik ein Novum. Eine ähnliche Strategie wurde auf nationaler Ebene bisher nur zur Vorhersage des kombinierten Stimmenanteils der Regierungskoalition angewendet (Küntzler 2017).<sup>2</sup>

Während alle Informationen, die in den strukturellen Teil unseres Modells eingehen, bereits für die Prognose verfügbar sind, wird unser Modell immer dann aktualisierte Vorhersagen für den Wahlausgang der kommenden Bundestagswahl liefern, wenn neue Umfrageergebnisse zur

---

2 Für einen Kombinationsansatz zur Vorhersage von Wahlergebnissen auf Wahlkreisebene außerdem Munzert (2016).

„Sonntagsfrage“ veröffentlicht werden. Für die kommende Bundestagswahl am 24. September 2017 liefert unser Modell basierend auf Daten, die Stand 31. Mai 2017 verfügbar sind, folgende Vorhersage (mit 90%-Kreditintervallen in Klammern): CDU/CSU 36,0% [28,3%; 44,4%], SPD 26,4% [19,5%; 34,7%], FDP 7,6% [4,9%; 11,4%], B'90/Die Grünen 7,2% [5,0%; 10,5%], Die Linke 8,1% [5,8%; 12,2%], und AfD 8,2% [5,6%; 11,9%].

## 2 Ein neuer Vorhersageansatz

Das hier vorgeschlagene Modell ist ein Hybrid aus einer strukturellen Komponente, das historische Zusammenhänge zwischen Fundamentalvariablen und Wahlanteilen einzelner Parteien auswertet, und einer dynamischen Komponente, die neue Information aus Umfragen vom Start der ersten Prognose bis zum Tag vor der Bundestagswahl in aktualisierte Vorhersagen einrechnet. In diesem Abschnitt stellen wir zunächst die Modellkomponente vor, die Vorhersagen auf Basis historischer Informationen generiert.

### 2.1 Das strukturelle Modell

Das strukturelle Modell erfüllt drei wesentliche Funktionen: Erstens erlaubt es uns eine frühzeitige Vorhersage des Wahlausgangs, weil die in das Modell eingehenden Prädiktoren bereits 200 Tage vor der Wahl feststehen. Dadurch kann zweitens die historische Vorhersage als Anker für das dynamische, umfragebasierte Modell genutzt werden, wie wir es im nächsten Abschnitt noch ausführlicher erläutern. Drittens erlaubt es die Auswertung historischer Beziehungen zwischen Wahlergebnissen und Strukturvariablen - das Modell lernt also aus den vergangenen 18 Bundestagswahlen seit 1949. Das ist insbesondere auch für eine realistische Einschätzung der Unsicherheit relevant, die mit den veröffentlichten Vorhersagen einhergeht, da die Schätzunsicherheit bei der geringen Zahl der Fälle doch beträchtlich ist.

Wir beginnen mit der Modellierung des Wahlanteils  $y_{pt}$  einer Partei  $p$  zum Zeitpunkt der Wahl  $w$ . Die Anzahl der modellierten Anteile der Parteien  $p = 1, 2, \dots, P$  variiert über Wahlen hinweg. Während beispielsweise bis zur Wahl 1979 lediglich die Anteile von CDU/CSU, SPD, FDP und Anderen (kombinierter Anteil der übrigen Parteien) modelliert werden, kommen ab 1980 der Anteil für B'90/Die Grünen, ab 1990 der Anteil für PDS/Die Linke und ab 2013 der AfD-Wähleranteil hinzu. Ziel ist es schließlich, von den Wahlen  $w = 1, 2, \dots, W - 1$  auf den Ausgang der kommenden Wahl  $W$  zu extrapolieren. Wir nehmen für  $y_{pw}$  eine Normalverteilung mit Mittelwert  $\mu_{pw}$  und Varianz  $\sigma^2$  an,

$$y_{pw} \sim N(\mu_{pw}, \sigma^2), \quad (1)$$

wobei  $\mu_{pw}$  als eine lineare Funktion von Kovariaten modelliert wird:

$$\mu_{pw} = \beta_w^0 + \sum_k \beta_w^k x_{pw}^k. \quad (2)$$

Es besteht kein Konsens darüber, welche Variablenkombination in einem strukturellen Modell verwendet werden sollte, um die Stimmenanteile von Parteien bei Bundestagswahlen vorherzusagen. Die Vielfalt der Modelle und Prognosen allein schon in diesem Forum gibt bereits Aufschluss über die Unsicherheit, wie diese konkret modelliert werden sollten. Lauderdale u. Linzer (2015) bezeichnen letzteres als Spezifikationsunsicherheit. Eng damit verbunden ist das Bias-Varianz-Dilemma (Hastie et al. 2009), das, übertragen auf diese Anwendung, die Herausforderung beschreibt, Variablen zu identifizieren, die vergangene Wahlausgänge gut vorhersagen, sich jedoch auch für zukünftige Wahlen als prädiktiv erweisen. Wir begeben

diesem Problem mit folgender Strategie: Zunächst erstellen wir einen Datensatz mit einer Vielzahl plausibler Prädiktoren<sup>3</sup>. Auf Basis dieses Variablensamples generieren wir alle möglichen Kombinationen von 1 bis  $K$  Prädiktoren (Gesamtzahl möglicher Kombinationen: 1023), berechnen auf Basis vergangener Wahlergebnisse lineare Modelle zur Erklärung parteispezifischer Wahlanteile und messen für jedes dieser Modelle die Varianzaufklärung. Dabei zeigen sich zwei Dinge: Erstens nimmt der relative Gewinn in der Varianzaufklärung für Modelle mit mehr als drei Prädiktoren deutlich ab. Gleichzeitig zeigen sich drei Variablen als konsistent robust, d.h. finden sich häufig im jeweils vorhersagestärksten Modell für eine festgelegte Zahl an Prädiktoren wieder. Diese robusten Faktoren sind (1) der Wahlanteil bei der zurückliegenden Bundestagswahl (für erstmals antretende Parteien mit 0 definiert), (2) der Mittelwert der in den Sonntagsfragen 230 - 200 Tage vor der Wahl veröffentlichten, parteispezifischen Anteile, und (3) ein Indikator für die Kanzlerpartei. Wir beschränken uns deshalb auf diese drei Variablen. Gleichzeitig lassen sich diese auch theoretisch sinnvoll motivieren und bieten so die Gelegenheit, etablierte Theorien zum Wahlverhalten über den Vorhersageansatz implizit zu testen.<sup>4</sup>

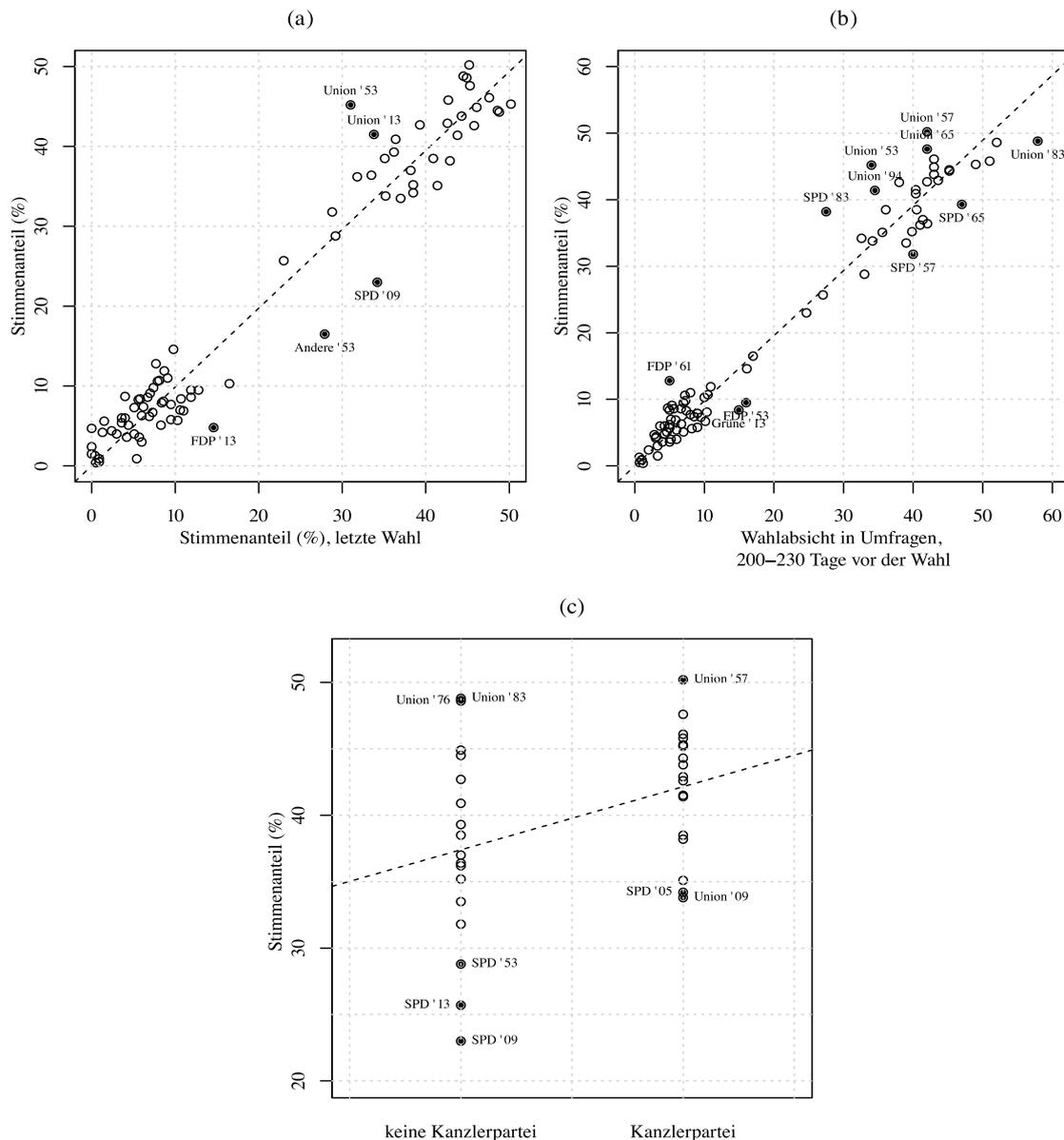
Wahlen finden nicht in einem politischen Vakuum statt. Wähler entwickeln langfristige Bindungen zu Parteien (Campbell et al. 1960). Die Verteilung der Parteibindungen in der Wählerschaft erlaubt es bereits Erwartungen zu bilden, welchen Stimmenanteil eine Partei unter „normalen Umständen“ erhalten sollte (Converse 1966; Falter u. Rattinger 1983). Wir operationalisieren den Wählerrückhalt, auf den Parteien unter normalen Umständen bauen können, als den errungenen Stimmenanteil einer Partei bei der letzten Bundestagswahl. Dieser Wert ist im Normalfall bereits vier Jahre vor einer Bundestagswahl verfügbar und dient deshalb als längerfristig wirksamer Prädiktor.<sup>5</sup> Panel (a) in Abbildung 1 zeigt den historischen Zusammenhang zwischen Parteiateilen bei aufeinanderfolgenden Wahlen. Der Prädiktor hilft insbesondere technisch zwischen traditionell kleinen und großen Parteien zu diskriminieren, doch auch innerhalb der Cluster kleiner bzw. großer Parteien besteht ein stark positiver Zusammenhang. Gleichzeitig wird deutlich, dass diese Variable nicht ausreicht, um starke Stimmengewinne bzw. -verluste zu erklären, wie sie beispielsweise die Union 2013, die FDP 2013 und die SPD 2009 erlebt bzw. erlitten haben.

---

3 Dazu gehören Wahlanteil bei der zurückliegenden Wahl, mittlerer Wahlanteil bei den letzten drei zurückliegenden Wahlen, mittlere Zustimmung in Befragungen 230 - 200 Tage vor der Wahl, Abschneiden bei Landtagswahlen in der zurückliegenden Legislaturperiode, Indikatoren für den Status der Partei (Kanzlerpartei, große Partei (SPD oder CDU/CSU), Regierungspartei, im Parlament vertretene Partei), Arbeitslosigkeit ein Jahr vor der Wahl und Veränderung der Arbeitslosigkeit ein Jahr vor der Wahl.

4 Eine Alternative zu dieser „Ad-Hoc-Lösung“ zur Variablenauswahl wäre, wie von Lauderdale u. Linzer (2015) vorgeschlagen, die Implementation einer Regularisierung. Hierbei verhält man sich zunächst agnostisch gegenüber den auszuwählenden Variablen und nimmt stattdessen alle gleichzeitig ins Modell auf, lässt aber gleichzeitig deren Koeffizienten bei eingeschränkter Vorhersagekraft gegen Null schrumpfen, um Overfitting zu vermeiden. Wir haben uns aus zwei Gründen gegen dieses Vorgehen und für einen Kompromiss aus subjektiver und datengetriebener Variablenauswahl entschieden: Zum einen ist auch der Regularisierungsansatz inhärent subjektiv, da das Universum der möglichen Prädiktoren vorgegeben werden muss. Zum zweiten dynamisieren wir die Effekte der Koeffizienten über Zeit (siehe Diskussion im Folgenden). Unsere experimentellen Berechnungen haben gezeigt, dass dieses Vorgehen zusammen mit einem Regularisierungsansatz zu extrem instabilen Koeffizientenschätzungen führt.

5 In bekannten strukturellen Modellen haben sich ähnliche Prädiktoren etabliert. Leininger u. Kayser (2017) nehmen ebenfalls den Wahlanteil bei der zurückliegenden Bundestagswahl als Prädiktor. Das Kanzlermodell (Gschwend u. Norporth 2000, 2001) beinhaltet beispielsweise eine Normalwahlkomponente, die über den mittleren Wahlanteil bei den letzten drei zurückliegenden Wahlen operationalisiert wird. In unserem Sample zeigte eine solche, längerfristige Spezifikation eine geringfügig schlechtere Performanz.



**Abbildung 1:** Bivariate Zusammenhänge zwischen Prädiktoren im strukturellen Modell und Zweitstimmenanteil der Parteien, 1953 - auf Wahlergebnisse der SPD und Union beschränkt. Die gestrichelten Linien berichten die vorhergesagten Werte einer linearen Regression.

Der zweite Faktor, die Umfragewerte 230 - 200 Tage vor der Wahl, bildet in erster Linie kurzfristige Einflussfaktoren ab, die sich auf den Stimmenanteil der Parteien auswirken. Zum einen besteht die jeweilige Wählerschaft einer Partei nicht nur aus Stammwählern, die relativ immun gegenüber bestimmten Themen oder dem speziellen Personal sind, mit denen die Parteien in den Wahlkampf ziehen. Da Parteibindungen üblicherweise stabiler als Wahlentscheidungen sind, müssen selbst Stammwähler immer wieder motiviert werden zur Wahl zu gehen. Zum anderen gibt es auch Wähler, die *a priori* weniger festgelegt sind, sogenannte Wechselwähler (Schoen 2014), deren jeweilige Wahlentscheidung für eine Partei unter anderem abhängig ist von den speziellen Themensetzungen und dem Spitzenpersonal der Parteien, die diese Themen verkörpern. Zur Operationalisierung dieser kurzfristigen Neigungen verwenden wir den Stand der einzelnen Parteien in der Sonntagsfrage aus veröffentlichten Umfragen (Groß 2010, Schnell u. Novack 2014, Selb u. Munzert 2016). Wir operationalisieren die politische Stimmung unmittelbar vor der heißen Wahlkampfphase als Durchschnitt aller verfügbarer

Umfragewerte einer Partei 230 - 200 Tage vor einer jeden Wahl.<sup>6</sup> In Panel (b) in Abbildung 1 zeigt sich erneut und wenig überraschend ein starker Zusammenhang zwischen den aggregierten Wahlabsichten 230 - 200 Tage vor der Wahl und dem tatsächlichen Stimmenanteil bei der darauffolgenden Wahl. Die Varianz der tatsächlichen Anteile um den vorhergesagten Wert ist jedoch, wie dies statistisch auch zu erwarten ist, für die größeren Parteien größer.

Unser dritter Erklärungsfaktor ist institutionell vermittelt. Für die Bewertung der Regierungsarbeit ist auch entscheidend, wer die Regierungskoalition führt (Gschwend u. Norpoth 2000, 2001). Die kanzlerstellende Partei ist also nicht nur eine Partei unter vielen. Kanzlerstellende Parteien bekommen nicht nur Stimmen von Anhängern dieser Partei, sondern darüber hinaus auch Stimmen von Wählern, die diese Partei wählen, um dadurch Einfluss auf die Regierungsbildung und -arbeit auszuüben (Cox 1997). Darüber hinaus wird unterstellt, dass die Kanzlerpartei über diese exponierte Rolle in der Regierung einen Aufmerksamkeitsbonus erhält, der sich ebenfalls in überdurchschnittlicher Unterstützung niederschlagen kann. Dieser besonderen institutionellen Stellung der kanzlerstellenden Parteien tragen wir Rechnung, indem wir einen zusätzlichen Parameter schätzen, der nur den Stimmenanteil dieser Partei beeinflusst.<sup>7</sup> Panel (c) in Abbildung 1 weist einen deutlich höheren mittleren Stimmenanteil für Kanzlerparteien gegenüber der anderen großen Nichtkanzlerpartei auf (die kleineren Parteien wurden aus Gründen der Übersichtlichkeit weggelassen).

Da der betrachtete Zeitraum fast 70 Jahre umfasst, stellt sich die Frage, ob die Annahme eines zeitstabilen datengenerierenden Prozesses gerechtfertigt ist. Das System der kollektiven politischen Repräsentation hat sich über die Jahre verändert (Zittel u. Gschwend 2007). Zum einen befördern Prozesse des sozialen Wandels Veränderungen in der traditionellen Wählerbasis von Parteien. Die einzelnen Parteien können sich nicht mehr auf eine bestimmte Wählerklientel verlassen. Zum anderen nimmt die Gruppe der Parteianhänger immer weiter ab (Arzheimer 2006). Der Veränderungsdruck deutet in die Richtung einer stärkeren Personalisierung von Repräsentation. Folglich sollten für die Erklärung des Erfolges von Parteien bei Bundestagswahlen langfristige Faktoren zunehmend weniger wichtig werden, kurzfristige Faktoren dagegen wichtiger. Um dieser Entwicklung Rechnung zu tragen, erlauben wir den  $\beta$ -Koeffizienten aus Gleichung (2) in einem bayesianischen dynamisch-linearen Modell gemäß eines *random walk*-Prozesses über die Wahlen  $w$  zu variieren:

$$\beta_w^k \sim N(\mu_w^k, \sigma_k^2), \quad (3)$$

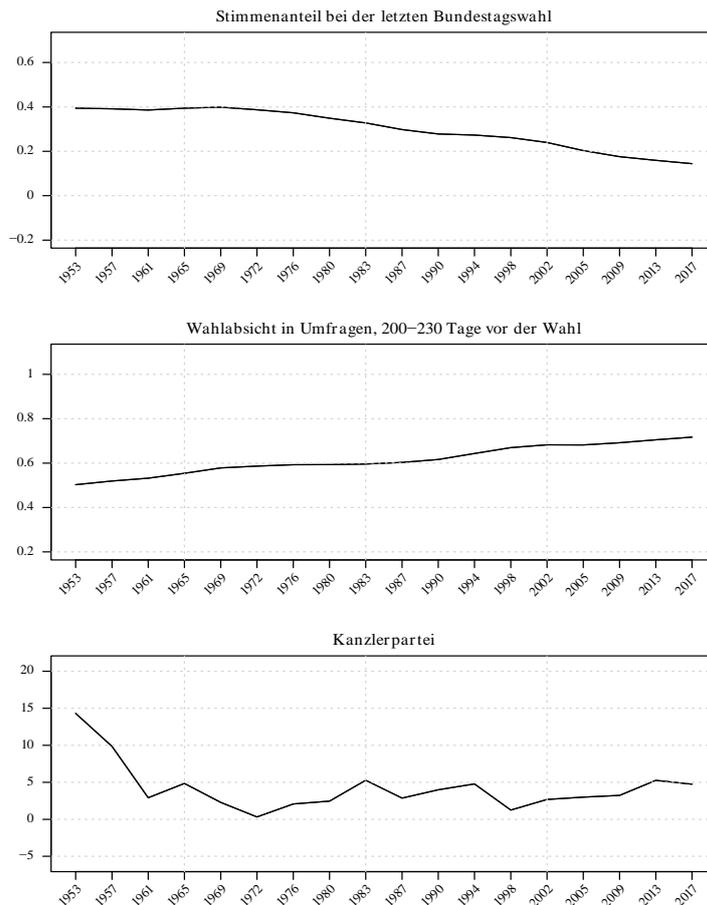
wobei

$$\mu_w^k = \beta_{w-1}^k + \gamma_{\text{drift}}^k. \quad (4)$$

---

6 Selb u. Munzert (2016) finden empirisch, dass die jeweiligen Ergebnisse der Sonntagsfrage zwischen acht und zehn Monaten vor der Bundestagswahl im Vergleich zu späteren, d.h. näher an der Wahl liegenden, Fenstern zu niedrigeren Vorhersagefehlern führen. Wir lehnen uns in der Variablenkonstruktion an diese empirische Regularität an, wählen jedoch ein etwas nach vorne verschobenes und kürzeres Zeitfenster. Im Fall der Bundestagswahl 1969 wird dieses Fenster um drei Tage erweitert, da ansonsten keine Umfrage erfassbar gewesen wäre.

7 Implementiert wird dies über eine Dummy-Variable, die den Wert 1 für die amtierende kanzlerstellende Partei annimmt. Direkt vor die Wahl 1983 stellte formal die CDU/CSU mit Helmut Kohl den Kanzler. Allerdings interpretieren wir ebenso wie in Gschwend und Norpoths *Kanzlermodell* diese Wahl als Abrechnung mit der von Helmut Schmidt bis zum Herbst 1982 geführten sozialliberalen Koalition. Folglich kodieren wir für die Wahl 1983, abweichend von unserer Regel, die SPD als kanzlerstellende Partei.



**Abbildung 2:** Koeffizientenschätzungen des strukturellen Modells, 1953 - 2017 (siehe Gleichung (3)).

Die Effekte der Prädiktoren können also so über Bundestagswahlen variieren, dass der durchschnittliche Einfluss des  $k$ ten Prädiktors eine Funktion des Einflusses bei der vergangenen Wahl,  $\beta_{W-1}^k$  und eines linearen Trends (erfasst durch den Drift-Parameter  $\gamma_{\text{drift}}^k$ ) ist.<sup>8</sup>

Abbildung 2 berichtet die geschätzten  $\beta$ -Koeffizienten für die vergangenen 17 Wahlen und die kommende Wahl. Es bestätigt sich die vermutete Abnahme der Bedeutung des Stimmenanteils bei der letzten Bundestagswahl zugunsten des Gewichts der Umfragen, die im Vorfeld der jeweiligen Bundestagskampagne veröffentlicht werden. Die Koeffizienten entwickeln sich nahezu spiegelbildlich zueinander. Substantiell beobachtet man also, dass die Ergebnisse der vergangenen Wahl immer weniger Vorhersagekraft für die Ergebnisse der kommenden Wahl haben, die Vorhersagekraft der Umfragen hingegen zugenommen hat. Der Effekt für die Kanzlerpartei schwankt über Zeit zwischen 0 und 15 Prozentpunkten, weist allerdings keinen klaren Trend auf. Für die Bundestagswahl 2017 extrapolieren wir den beobachteten Trend: Die Gewichte für die Vorhersage ergeben sich aus den geschätzten Koeffizienten für 2013 und den variablenspezifischen Drift-Parametern, weshalb ein weiteres sinkendes Gewicht des Anteils der vergangenen Wahl und ein stärkeres Gewicht der Umfragen zum Einsatz kommen.

Der Versuch, die Anteile aller Parteien gemeinsam über eine Schätzgleichung vorherzusagen bzw. einen einheitlichen datengenerierenden Prozess über alle relevanten Parteien und Wahljahre zu beschreiben, mag zunächst kontraintuitiv erscheinen. Bei vergangenen Wahlen eingesetzte strukturelle Modelle beschränkten sich entweder auf die Vorhersage des kombinierten

<sup>8</sup> Eine weniger technisch anspruchsvolle Umsetzung eines Trends über Wahlen hinweg wäre es, die entsprechenden Faktoren mit einer Wahl-Trend-Variable zu interagieren. Das würde allerdings eine starke Annahme über die funktionale Form dieses Veränderungsprozesses implizieren.

Stimmenanteils der Regierungsparteien (Gschwend u. Norpoth 2000, 2001, 2017, Kayser u. Leininger 2016, Küntzler 2017), oder modellierten die jeweiligen Anteile in separaten Regressionsgleichungen, die dann simultan geschätzt wurden (Jérôme et al. 2013). Tatsächlich birgt unser Vorgehen sowohl Vor- als auch Nachteile. Auf der einen Seite können sinnvollerweise lediglich Prädiktoren verwandt werden, die für alle Parteien und Wahlzeitpunkte definierbar sind, nicht aber solche, die wahl-, aber nicht parteispezifisch messbar sind.<sup>9</sup> Außerdem werden im Modell keine mechanischen Vorkehrungen gegen wahlspezifisch unlogische Vorhersagen getroffen (z.B., wenn sich die vorhergesagten Wahlanteile nicht zu exakt 100% summieren). Aus diesem Grund korrigieren wir die resultierenden Vorhersagen *ex post*, indem die einzelnen vorhergesagten Wahlanteile anhand deren Summe normalisiert werden.

Aus unserer Sicht überwiegen jedoch die Vorteile unseres Ansatzes: Er ermöglicht Vorhersagen für die Anteile aller relevanten Parteien, die zur Wahl antreten - auch für solche mit eingeschränkter Historie, wie zum Beispiel die AfD im Rahmen der diesjährigen Bundestagswahl. Das wiederum erlaubt, die eigentlichen Fragen von Interesse - siehe Einleitung - präziser zu beantworten. Gleichzeitig erhöht das Modell die Anzahl der Freiheitsgrade, da mehrere Anteile pro Wahl in die Schätzung eingehen. Durch die Dynamisierung der Koeffizientenschätzung können wir schließlich die unrealistische Annahme lockern, dass sich die grundsätzliche Statik der strukturellen Zusammenhänge über die vergangenen Jahrzehnte nicht verändert. Nichtsdestotrotz ist die Vorhersage des strukturellen Modells, wie wir weiter unten zeigen werden, mit erheblicher Unsicherheit behaftet. Im folgenden Abschnitt legen wir dar, wie über den Verlauf der Kampagne veröffentlichte Umfragen effizient ausgewertet werden können, um sowohl die Erwartungen über die jeweiligen Zweitstimmenanteile zu aktualisieren als auch - in Maßen - präzisere Vorhersagen zu generieren.

## 2.2 Das Umfrage-Modell

Die Vorhersagen des strukturellen Modells werden in einem nächsten Schritt durch ein umfragebasiertes Modell dynamisiert. Dazu erweitern wir das von Linzer diskutierte bayesianisch rückwärtsgerichtete *random walk*-Modell (Linzer 2013). Linzers Modell ist ein Hybrid aus „*pooling the polls*“-Modellen (vgl. Jackman 2005, Pickup u. Johnston 2007, Walther 2015) und strukturellen Vorhersagen. Die Vorhersagen des strukturellen Modells werden dabei als *prior*-Information für den Wahltag festgesetzt. Ein rückwärtsgerichteter *random walk* glättet dann, vom Wahltag ausgehend, die Informationen, die aus neu veröffentlichten Umfragen gewonnen werden. Dieses Vorgehen führt zu einer „Mischung“ beider Vorhersagequellen. Liegt der Wahlzeitpunkt noch weit in der Zukunft, ist die allein auf Umfragen basierende Vorhersage sehr unsicher, da diese über Zeit sehr volatil sind. Dementsprechend wird zunächst der Vorhersage des strukturellen Modells mehr Gewicht beigemessen. Rückt der Wahltag näher, steigt das Vertrauen des Modells in die umfragebasierte Vorhersage, da diese präziser wird. Dieses Vorgehen trägt der Beobachtung Rechnung, dass Sonntagsfragen, die mehrere Monate vor der Wahl durchgeführt werden, keine gute prädiktive Performanz aufweisen (Jennings u. Wlezien 2016).<sup>10</sup>

Unser Modell stellt die erste Anwendung dieses rückwärtsgerichteten *random walk*-Modells in einem Mehrparteienkontext dar. Dazu müssen einige Anpassungen vorgenommen werden, die wir im Folgenden beschreiben. Die Zeitreihe der Wahl ist definiert durch  $T$  Tage zwischen der

---

9 Geht man beispielsweise davon aus, dass Wirtschaftswachstum Wahlverhalten entscheidend beeinflusst, müsste ein entsprechender Indikator je nach Erwartung mit parteispezifischen Indikatoren (z.B. Regierungspartei) interagiert werden, da es sich bei der Modellierung aller Wahlanteile um ein Nullsummenspiel handelt: Parteiinvariante Indikatoren müssen für einige Parteien positive, für andere aber negative Effekte ausweisen können.

10 Dies spiegelt sich nicht zuletzt auch darin wider, dass der Einfluss der Umfragekomponente in unserem strukturellen Modell durch die beiden anderen Prädiktoren stark diskontiert wird.

letzten und der neuen Wahl.  $t \in (1, \dots, T)$  ist dabei die Notation für jeden einzelnen Tag,  $T$  der Wahltag. Umfrage  $y_{tc}$  des Instituts  $c \in (1, \dots, C)$  zum Zeitpunkt  $t$  ist ein  $(1 \times P)$  Vektor, der die Anzahl der Wahlzusagen für jede der modellierten Parteien  $p \in (1, \dots, P)$  abzählt. Jede Umfrage hat eine Stichprobengröße  $N_{ct}$ . Die beobachteten Umfrageergebnisse für jede Partei werden dann als Funktion eines latenten Unterstützungsvektors  $\alpha_t = [\alpha_{t1}, \dots, \alpha_{tP}]$  und eines institutsspezifischen Verzerrungsvektors  $\delta_c = [\delta_{c1}, \dots, \delta_{cP}]$  modelliert. Der Verzerrungsvektor berücksichtigt, dass Institute bei der ausgewiesenen Unterstützung für bestimmte Parteien systematisch danebenliegen können (Jackman 2005).<sup>11</sup> Die Umfragewerte folgen daher einer Multinomialverteilung mit Erwartungswert  $\alpha_t + \delta_c$ :

$$y_{tc} \sim \text{Multinomial}(\alpha_t + \delta_c, N_{ct}). \quad (5)$$

Die Vorhersage wird durch die Modellierung von  $\alpha_t$  dynamisiert. Um der Tatsache, dass sich die geschätzten Parteianteile zu Eins aufaddieren müssen (also die Summe der Einträge des Vektors  $\alpha_t + \delta_c$  für die Multinomialverteilung Eins ergeben muss), Genüge zu tragen, nutzen wir eine zur Analyse von kompositionalen Daten gebräuchliche log-ratio-Transformation (Aitchison 1982) der  $\alpha_t$ -Parameter und Einschränkungen über den Verzerrungsvektor.<sup>12</sup> Dafür wird die letzte Partei als Referenzpartei  $\alpha_{tP}$  verwendet und die Werte für die anderen Parteien folgendermaßen transformiert:  $\alpha_t = \left[ \log\left(\frac{\alpha_{t1}}{\alpha_{tP}}\right), \dots, \log\left(\frac{\alpha_{t(P-1)}}{\alpha_{tP}}\right) \right]$ . Diese transformierten Werte werden dann in einen rückwärtsgerichteten *random walk* integriert:

$$\alpha_t \sim N(\alpha_{(t+1)}, S). \quad (6)$$

In dieser Modellierung zeigt die Varianz-Kovarianz-Matrix  $S$  an, wie stark die für einen Tag identifizierten Unterstützungswerte vom darauffolgenden Tag abhängen. In unserer Spezifikation nutzen wir eine unabhängige Varianzstruktur, sodass  $S$  nur von Null verschiedene Elemente ( $\sigma_k^S$ ) auf der Diagonalen besitzt, wobei  $1 \leq k \leq P - 1$ .<sup>13</sup>

Die Eleganz dieser rückwärtsgerichteten Formulierung von klassischen „*pooling-the-polls*“-Modellen besteht darin, dass die Vorhersagen als *prior*-Information für den Wahltag genutzt werden können. Während bayesianische Modelle mit vorwärtsgerichteter *random walk*-Implementation *prior*-Information für den Starttag der Wahlkampagne (bzw. der dynamischen Modellschätzung) benötigen, bedarf es in unserer rückwärtsgerichteten Formulierung *priors* für den Wahltag. Hier kommen die zuvor präsentierten strukturellen Vorhersagen ins Spiel. Sie beinhalten Erwartungen über das Ergebnis auf Basis historischer Wahlen, die ohne die komplette Zeitreihe der Umfragen auskommen. Dazu werden die Verteilungen der strukturellen Vorhersagen als *prior* für den Wahltag genutzt. Auch in diesem Fall sollte gewährleistet sein, dass die vorhergesagten Parteianteile zwischen Null und Eins liegen sollten. Dafür arbeiten wir mit einer Beta-Verteilung

11 Auf diese Instituts- oder „House“-Effekte gehen wir im Folgenden nicht weiter ein, da sie die Vorhersagen kaum beeinflussen. In den Online-Materialien weisen wir die entsprechenden Effekte nach Institut, Wahljahr und Partei getrennt auf.

12 Hierfür wird der Verzerrungsvektor sowohl für Parteien als auch Institute um Null zentriert. Diese Restriktion ist notwendig, um die latente Parteiunterstützung zu identifizieren.

13 Die Schätzung von Kovarianzen wäre an dieser Stelle prinzipiell auch möglich. Die Vorhersagen werden dadurch allerdings kaum beeinflusst, weshalb wir im Folgenden die sparsamere Spezifikation verwenden.

und übertragen Erwartungswert und Standardabweichung der Vorhersage in die *shape*-Parameter  $a_p$  und  $b_p$  der Beta-Verteilung:<sup>14</sup>

$$\alpha_{Tp} \sim \text{Beta}(a_p, b_p). \quad (7)$$

Um diese Vorhersagen auf die log-transformierte Skala des *random walk* anzupassen, werden sie ebenfalls transformiert. Die aus diesem Modell resultierende Vorhersage ist dann der latente Zuspruch am Wahltag,  $\alpha_T$ .

Bei ersten Evaluationen des Modells anhand vergangener Wahlen (siehe folgender Abschnitt) stellte sich heraus, dass das Umfragemodell zwar die prädiktive Performanz im Vergleich zu den strukturellen Vorhersagen nochmals deutlich verbessert, die geschätzte Unsicherheit der resultierenden Vorhersagen jedoch zu gering ist. Die mit den Vorhersagen einhergehenden Kreditintervalle waren also deutlich zu schmal, d.h. beinhalteten den wahren Wert seltener, als dies statistisch zu erwarten wäre. In anderen Worten: Das Modell ist sich also „sicherer“, als es auf Basis zurückliegender Vorhersagen sein sollte. Dies liegt daran, dass Umfragen wenige Tage vor der Wahl zwar häufig präzise Vorhersagen liefern, bisweilen jedoch stark danebenliegen.<sup>15</sup> Der empirische Vorhersagefehler ist also im Mittel deutlich größer, als die Unsicherheit über die geschätzte latente Unterstützung suggerieren würde. Dies spiegelt letztlich den Unterschied zwischen latenter, aber eben auf Basis von Surveydaten geschätzter Parteienunterstützung einerseits und tatsächlichem Wahlverhalten andererseits wider. Es gibt viele mögliche Ursachen diese Diskrepanzen (beispielsweise unterschiedliche Surveyteilnahmebereitschaften von Anhängern verschiedener Parteien, kurzfristige Änderungen der Wahlabsichten nach der letzten Umfrage; vgl. dazu auch das „Total-Survey-Error“-Framework (Groves et al. 2010, Schnell u. Novack 2014). Um möglichen systematischen Verzerrungen von Umfragen Rechnung zu tragen, nutzen wir deshalb einen ähnlichen Ansatz wie Hanretty et al. (2016) und korrigieren die umfragebasierte Vorhersage um die Fehlervarianz der Vorhersagen vergangener Wahlen. Dies wird praktisch implementiert durch einen zusätzlichen „Sprung“ von der geschätzten latenten Unterstützung am Wahltag zu den finalen Ergebnissen. Die Varianz des Sprungs berechnet sich auf Basis von Umfragen für alle Wahlen seit 1953 (der ersten Wahl mit veröffentlichten Umfragedaten), die in den letzten zwei Tagen vor der Wahl veröffentlicht worden sind.

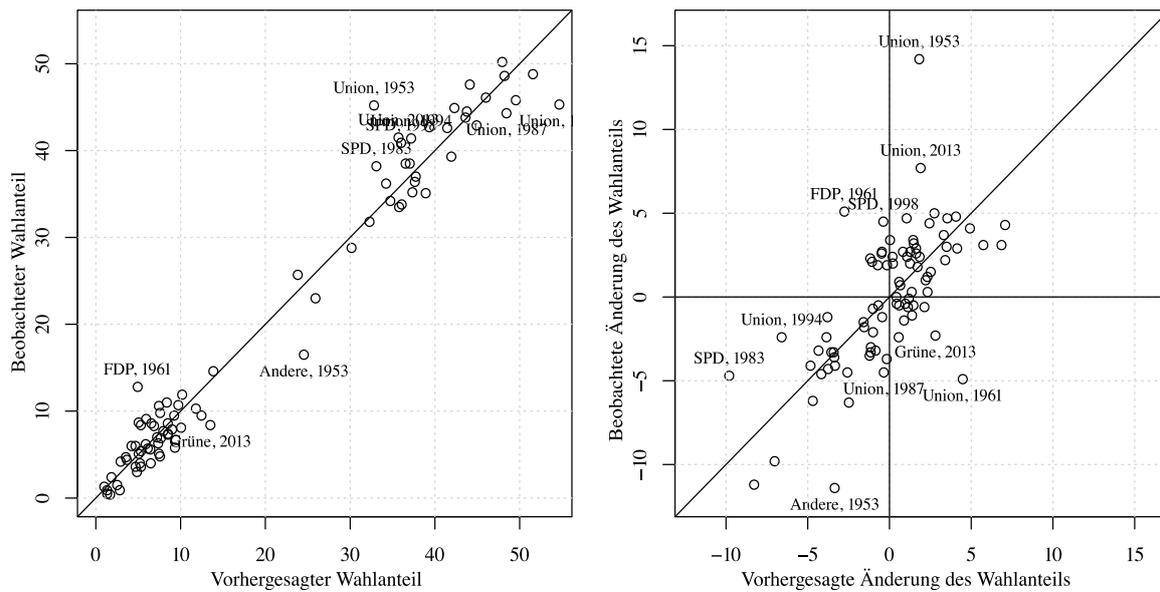
Nach dieser Korrektur ist unsere Vorhersage der latente Zuspruch am Wahltag plus einem „Sprung“, der die Vorhersageintervalle vergrößert. Um die Beschränkung des latenten Raums zu berücksichtigen, wird die Varianz des Sprungs auf die log-ratio-transformierten latenten Werte ( $\alpha_T$ ) angewendet und dann rücktransformiert. Die historische Varianz der Fehler der log-ratio-transformierten Werte der „Sonntagsfrage“ seit 1953 beträgt 0,18. Diesen Wert nutzen wir als Varianz des „Sprungs“. Die Vorhersage für jede Partei ist dann  $f_p = \alpha_{Tp} + s_p$ , mit  $s_p \sim N(0,0,18)$ . Durch die Rücktransformation - damit alle vorhergesagten  $f_p$  sich wieder auf Eins aufsummieren - ergeben sich schließlich unsere Vorhersagen  $f_p$ .

---

14 Um sowohl den Erwartungswert für Partei p ( $\mu_{fp}$ ) als auch die Standardabweichung ( $\sigma_{fp}^2$ ) der Vorhersage in der Beta-Verteilung beizubehalten, folgen wir Jackman (2009, S. 55) und nutzen folgende Gleichungen zur Übertragung der Werte:  $a_p = \left( \frac{1-\mu_{fp}}{\sigma_{fp}^2} - \frac{1}{\mu_{fp}} \right) \mu_{fp}^2$  und  $b_p = a_p \left( \frac{1}{\mu_{fp}} - 1 \right)$ .

15 So schätzten die letzten Umfragen vor der Wahl 2005 die CDU bei über 40% ein—das tatsächliche Ergebnis lag dann mit etwa 35% deutlich darunter.





**Abbildung 3:** Out-of-sample-Vorhersagen des strukturellen Modells von Parteianteilen bei Bundestagswahlen, 1953 - 2013.

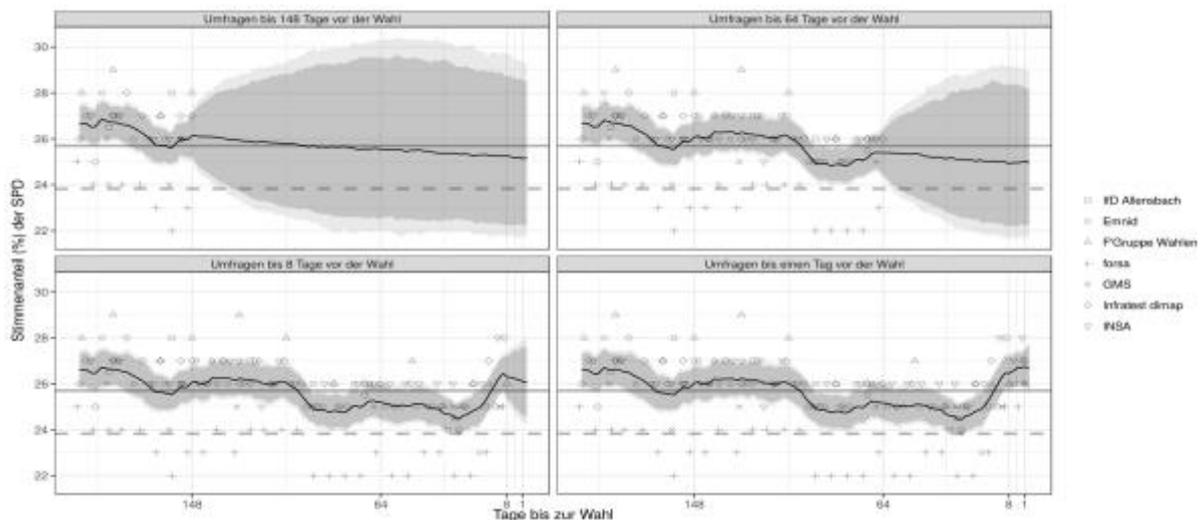
### 3 Daten, Schätzung und Evaluation anhand vergangener Wahlen

Zur Kalibrierung des strukturellen Modells verwenden wir Daten für alle bisherigen 18 Bundestagswahlen seit 1949. Die Ergebnisse der ersten Bundestagswahl gehen als Indikator für längerfristige Parteienbindung in das Modell ein, werden allerdings nicht selbst geschätzt. Zur Identifikation der Wahlabsicht 230 - 200 Tage vor der Wahl greifen wir auf Umfragedaten zurück, die von Groß (2010) gesammelt und von Schnell und Noack (2014) erweitert und zur Verfügung gestellt wurden, und füllen Lücken in den Zeitreihen durch weitere Daten auf, die uns vom Institut für Demoskopie Allensbach bereitgestellt wurden. Für Umfragen, die nach 2009 veröffentlicht wurden, verwenden wir Daten der Plattform [wahlrecht.de](http://wahlrecht.de). Umfragen von Instituten, die nur unregelmäßig Ergebnisse veröffentlichen, schließen wir aus und beschränken uns auf Veröffentlichungen vom Institut für Demoskopie Allensbach, von der Forschungsgruppe Wahlen sowie von forsa, Emnid, GMS, Infratest dimap und INSA. Die Umfragen verwenden wir dann auch zur Schätzung des Umfrage-Modells für die Wahlen 2002 - 2017, und zwar alle, die im letzten Jahr vor der Wahl erhoben wurden.

Zur Schätzung der Modellparameter und Generierung der vorhergesagten Anteilswerte sowohl im strukturellen als auch im Umfragemodell simulieren wir deren *posterior*-Verteilung mittels des in JAGS implementierten Markov-Chain-Monte-Carlo-Algorithmus (Plummer 2016, R Core Development Team 2013).<sup>16</sup> Die Schätzung des Umfragemodells basiert auf fünf MCMC-Ketten mit je 200.000 Iterationen nach einer Burn-in-Periode von 150.000 Iterationen, wobei nur jede 100ste Iteration gespeichert wird. Die Konvergenz des verwendeten Gibbs-Samplers überprüfen wir anhand der Gelman-Rubin-Statistik und auf Basis visueller Evidenz (Gelman u. Rubin 1992, Brooks u. Gelman 1998).<sup>17</sup>

<sup>16</sup> Daten, Modell-Code und R-Skripte zur Replikation unserer Ergebnisse stellen wir in einem GitHub-Archiv frei online unter folgender Adresse zur Verfügung: <https://github.com/zweitstimme/btw-2017>.

<sup>17</sup> Für Modelle, die nicht für die finale Vorhersage verwendet werden, arbeiten wir mit zwei MCMC-Ketten.



**Abbildung 4:** Dynamische Vorhersagen des SPD-Stimmenanteils, Bundestagswahl 2013. Einzelne Symbole markieren Ergebnisse veröffentlichter Umfragen nach Institut. Die durchgezogene Kurve zeigt den Median der latenten Parteiunterstützung aus der posteriori-Verteilung des Modells, die Schattierungen die 90 %- und 95 %-Kredibilitätsintervalle. Das finale Resultat ist mit einer horizontalen durchgezogenen Linie (bei 25,7 %) und die Vorhersage basierend auf dem historischen Modell durch eine gestrichelte Linie (bei 23,8 %) gekennzeichnet.

Abbildung 3 veranschaulicht den Zusammenhang zwischen den vorhergesagten und realisierten Wahlanteilen von Parteien bei vergangenen Bundestagswahlen. Die Anteile wurden hierfür „*out-of-sample*“ vorhergesagt, d.h. bei der jeweiligen Schätzung als unbekannt angenommen. Im Mittel über alle Parteien liegt der RMSE (root mean squared error; Wurzel der mittleren quadratischen Abweichung) bei 3,0%; vereinfacht gesprochen verfehlt also das strukturelle Modell den tatsächlichen Wahlanteil im Durchschnitt um etwa 3 Prozentpunkte.<sup>18</sup> Im rechten Schaubild von Abbildung 3 wird deutlich, dass einige Beobachtungen vom Modell besonders verfehlt werden. Hier sind nicht die absoluten Wahlanteile, sondern deren Änderungen zwischen aufeinanderfolgenden Wahlen abgetragen. Insbesondere bei der Vorhersage der Anteile der großen Parteien liegt das Modell bisweilen deutlich daneben - im Fall des Erfolgs der Union 2013 (tatsächlich +7,7%) sagte das Modell beispielsweise lediglich einen Zugewinn von 1,9% voraus.<sup>19</sup> Ein Blick in die Befragungsdaten für die vom Modell schlecht vorhergesagten Fälle zeigt häufig - wie auch im Falle der Grünen 2013 - einen späten Aufwärts- oder Abwärtstrend, was vom strukturellen Modell nur schlecht aufgefangen werden kann. Um diese Information zu nutzen, werden die strukturellen Vorhersagen mit dem Umfragemodell dynamisiert.

Am Beispiel der Umfragewerte der SPD vor der Bundestagswahl 2013 stellen wir kurz die Funktionsweise der Dynamisierung durch das rückwärtsgerichtete *random walk*-Modell vor. Abbildung 4 zeigt hierbei die Entwicklung der Modellschätzung über Zeit. Dazu wird das Modell separat für verschiedene Datengrundlagen geschätzt. Zwei zentrale Charakteristiken des Modells sollen anhand dieses Beispiels illustriert werden. Zuerst fällt auf, dass die Unsicherheit über den Zuspruch am Wahntag über Zeit deutlich abnimmt. Während das 95%-Kredibilitätsintervall 148 Tage vor der Wahl von etwas unter 22% bis etwa 29% reicht, ist es 8 Tage vor der Wahl deutlich schmaler und umfasst nur noch den Bereich von etwas unter 26% bis etwa 28%. Im Fall der SPD

<sup>18</sup> Der MAE (mean absolute error; mittlere absolute Abweichung), der Ausreißer im Vergleich zum RMSE weniger bestraft, beträgt 2,2%.

<sup>19</sup> Besonders auffällig sind zudem die Ausreißer für die Union und andere Parteien bei der Wahl 1953. Hierbei spielt möglicherweise die Konsolidierung des Parteiensystems und dabei ein besonders starker Stimmengewinn für die Union eine Rolle.

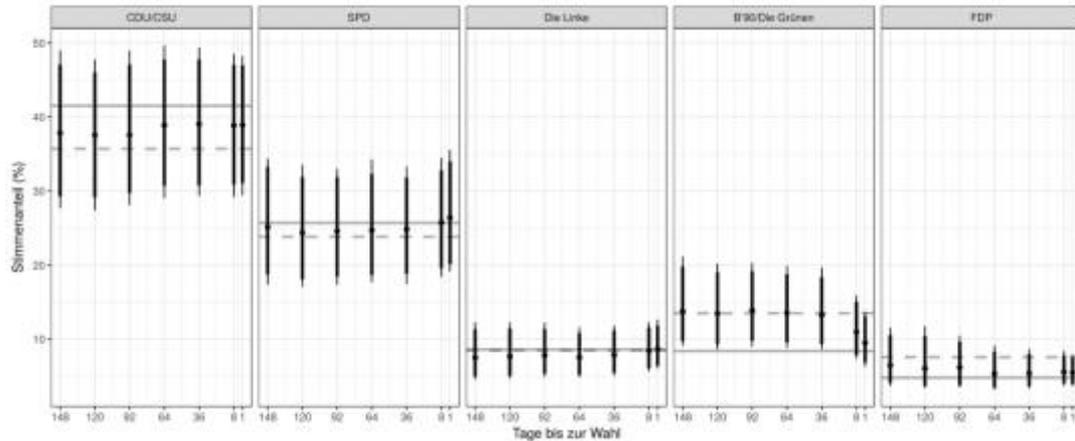
2013 ist das finale Resultat auch in allen Intervallen enthalten. Zweitens zeigt sich, dass anfänglich die strukturellen Vorhersagen noch einen Einfluss auf die Entwicklung der Zustimmung haben, während am Ende der Kampagne das Modell eher dem Umfrage-Trend vertraut. Für die oberen Abbildungen (148 und 64 Tage vor der Wahl) tendiert die Entwicklung der Unterstützung leicht der durch die gestrichelte Linie markierten strukturellen Vorhersagen zu. Im Kontrast dazu ist diese Tendenz zwischen dem achten und letzten Tag vor der Wahl eher gering. Das liegt daran, dass anfänglich die Vorhersage aus dem strukturellen Modell noch relativ viel Information über den finalen Ausgang bereitstellt, während mit zunehmender Präzision der Umfrage dieser mehr Gewicht zugemessen wird. Dieser Effekt ist für kleine Parteien noch stärker, da dort eine präzisere Vorhersage aus dem strukturellen Modell möglich ist. Weitere Beispiele für die Wahlen 2002 - 2013 finden sich im Online-Archiv zu diesem Artikel.

Die dynamische Komponente verbessert die Vorhersagekraft unseres Modells für die letzten vier Wahlen erheblich. Tabelle 1 dokumentiert den RMSE für das strukturelle Modell im Vergleich zum Umfragemodell zu unterschiedlichen Zeitpunkten der Kampagne. Der durchschnittliche Fehler des strukturellen Modells für die Wahlen 2002 - 2013 liegt mit 2,54 relativ niedrig. Das Umfragemodell bietet ähnliche Werte für 148 bis 36 Tage vor der Wahl, verbessert sich dann aber nochmals deutlich in den letzten acht Tagen auf durchschnittlich 1,83. Einen Tag vor der Wahl liegt der RMSE bereits wieder bei 1,98 Prozentpunkten. Mit Ausnahme der Wahl 2005, bei der die Umfragen den Wahlanteil der CDU deutlich überschätzten, zeigt sich für die einzelnen Wahlen dasselbe Muster: Bis 36 Tage vor der Wahl ist die Vorhersagefähigkeit ähnlich gut für das Umfragemodell und das strukturelle Modell, nimmt dann aber für das Umfragemodell erheblich zu. Das ist besonders auffällig für die Wahl 2013, in der das strukturelle Modell stark danebenlag (RMSE 3,47), dieses aber durch die Dynamisierung mittels des Umfragemodells mit einem RMSE von 1,69 und 1,33 acht bzw. einen Tage vor der Wahl aufgefangen werden konnte. Für Vorhersagen ist allerdings nicht nur die erwartete durchschnittliche Abweichung relevant, sondern auch die korrekte Einschätzung der Unsicherheit. Unsere korrigierten 95%-Kreditabilitätsintervalle der Vorhersage aus dem Umfragemodell zeigen mit 94% eine sehr passende Deckung des richtigen Ergebnisses für die letzten vier Wahlen auf – d.h. sie enthalten den wahren Wert nahezu exakt so häufig, wie zu erwarten wäre.<sup>20</sup>

Wie das Umfragemodell die Vorhersagen über Zeit verbessert, stellen wir in Abbildung 5 noch einmal exemplarisch für die Bundestagswahl 2013 dar. Zwei Vorteile des Modells werden dabei besonders deutlich: Zum einen verbessert sich die Vorhersage über Zeit. Das Zentrum der Intervalle liegt für die meisten Parteien und Zeitpunkte zwischen den wahren Werten und den strukturellen Vorhersagen, was eine Reduzierung des Vorhersagefehlers mit näher rückendem Wahltag widerspiegelt. Beispielsweise bewegt sich die Vorhersage für die Grünen bis 36 Tage vor der Wahl etwa auf dem Niveau der strukturellen Vorhersage, nimmt dann jedoch die abstürzenden Umfragewerte auf und nähert sich dem tatsächlichen Ergebnis. Zweitens zeigt sich, dass vor allem für kleine Parteien die Vorhersagen über Zeit deutlich an Präzision gewinnen. Während beispielsweise im Falle der FDP 148 Tage vor der Wahl sowohl ein Wahlerfolg mit über 10% der Stimmen als auch ein Ausscheiden aus dem Bundestag möglich erscheint, tendiert das Modell 36 Tage vor Wahl zu einem knappen Ergebnis. Interessant ist hierbei, dass der Erwartungswert relativ konstant bleibt und sich nur die Präzision der Vorhersage verändert. Ähnliche Muster erwarten wir auch für die Vorhersagen der Bundestagswahl 2017.

---

20 Die Deckung für die verschiedenen Abschnitte sind, einen Tag vor der Wahl 95%, acht Tage vor der Wahl 100%, 36 Tage vor der Wahl 95%, 64 Tage vor der Wahl 95%, 92 Tage vor der Wahl 95%, 120 vor der Wahl 90% und 148 Tage 90%.

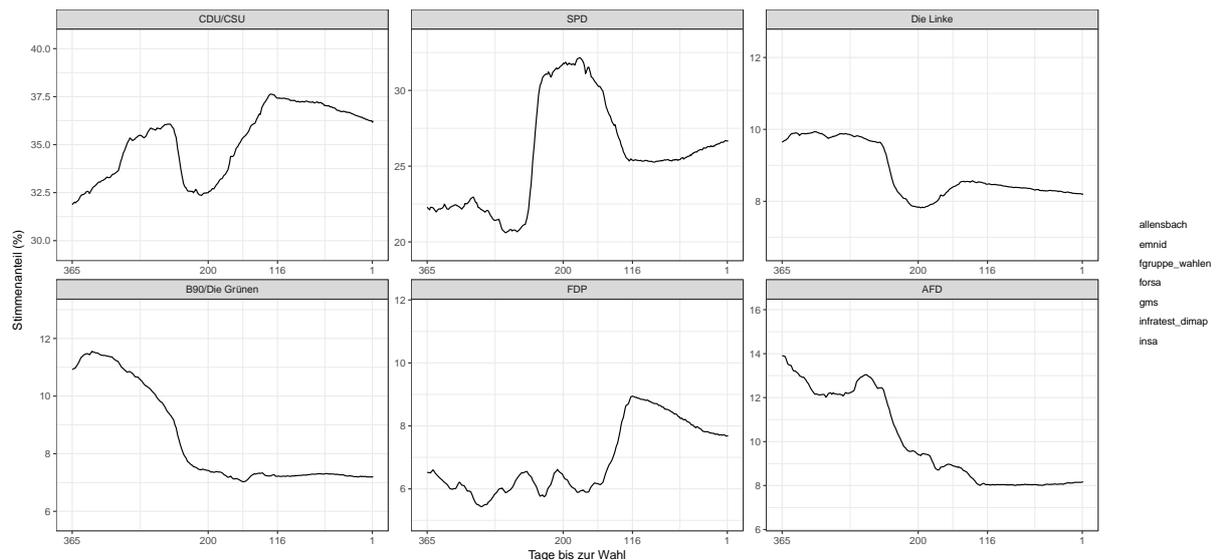


**Abbildung 5:** Entwicklung der Modellvorhersage für die Bundestagswahl 2013, 148 Tage bis einen Tag vor der Wahl. Die Punkte geben die Median-Vorhersage an, die dicken bzw. dünnen Balken das 90% bzw. 95%-Kredibilitätsintervall. Das finale Resultat ist mit einer horizontalen durchgezogenen Linie und die Vorhersage basierend auf dem strukturellen Modell durch eine gestrichelte Linie gekennzeichnet.

**Tabelle 1:** Entwicklung des RMSE der *out-of-sample*-Vorhersagen nach Datengrundlage und Wahl. Strukturelles Modell vs. Umfragemodell, gestaffelt nach Zeitpunkt vor der Wahl.

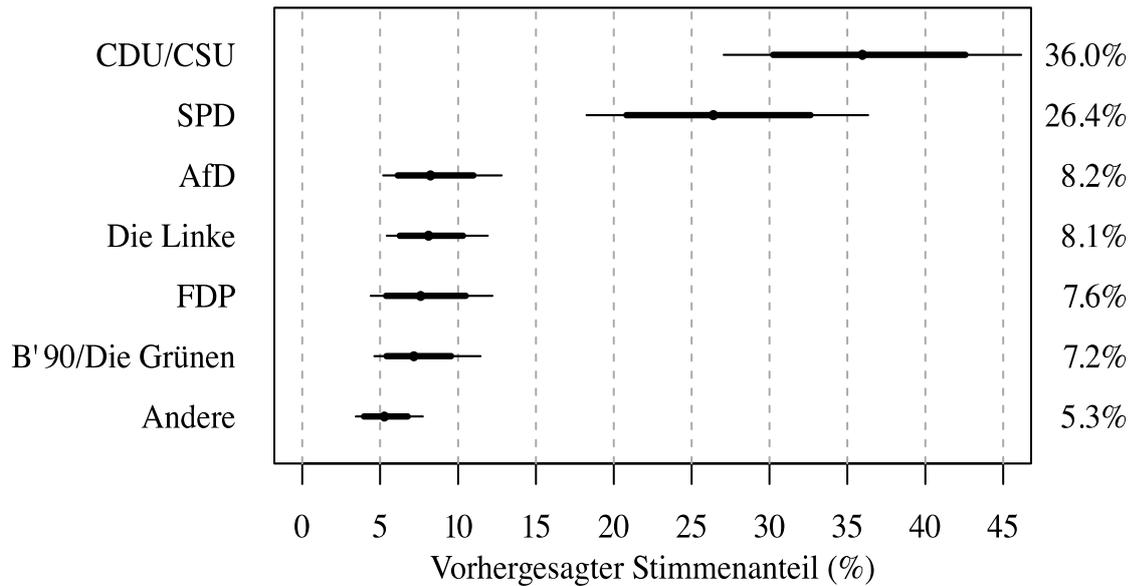
#### 4 Vorhersage der Bundestagswahl 2017

In einem letzten Schritt nutzen wir das Modell, um den Ausgang der Bundestagswahl 2017 vorherzusagen. Dazu verwenden wir an dieser Stelle lediglich Daten, die bis zum 31. Mai 2017, kurz vor der Online-Veröffentlichung dieses Artikels und 116 Tage bzw. knapp vier Monate vor der Wahl zur Verfügung standen. Zur Erzeugung der WahlabsichtsvARIABLE des strukturellen Modells werden 18 Befragungen verwendet, die zwischen dem 6. Februar 2017 und 8. März 2017 veröffentlicht wurden (und damit in den Zeitraum nach der Verkündung der Kanzlerkandidatur von Martin Schulz fallen). Bei der Vorhersage von Parteianteilen beschränken wir uns auf die Parteien, die laut den Umfragen eine realistische Chance auf den Einzug in den nächsten Bundestag haben (und dabei auch separat ausgewiesen werden): CDU/CSU (ein gemeinsamer vorhergesagter Wahlanteil), SPD, Die Linke, B'90/Die Grünen, FDP und AfD.



**Abbildung 6:** Dynamische Vorhersagen der Stimmenanteile für die Bundestagswahl 2017. Einzelne Symbole markieren Ergebnisse veröffentlichter Umfragen nach Institut. Die durchgezogene Kurve zeigt den Median der latenten Parteiunterstützung aus der posteriori-Verteilung des Modells, die Schattierungen die 90%- und 95%-Kredibilitätsintervalle. Die Vorhersage basierend auf dem strukturellen Modell ist durch eine gestrichelte Linie gekennzeichnet.

Das strukturelle Modell liefert folgende Vorhersage, die als *prior*-Information für das Umfragemodell genutzt wird: CDU/CSU 35,0% (SD = 4,4), SPD 27,5% (3,0), Die Linke 8,4% (2,2), B'90/Die Grünen 7,9% (2,1), FDP 6,4% (2,2), AfD 9,1% (2,3). Abbildung 6 zeigt die Entwicklung der Vorhersage auf Basis der neu verfügbaren Umfragedaten. Um die Dynamik des Umfragemodells besser sichtbar zu machen, deckt die Abbildung den Zeitraum eines ganzen Jahres vor der Wahl ab. Gut sichtbar ist der Schulz-Effekt, ein extremer positiver Schock in der SPD-Zeitreihe, der sich in negativen Schocks der anderen Zeitreihen widerspiegelt. Mittlerweile hat sich dieser Effekt jedoch wieder deutlich zurückgebildet – die CDU/CSU liegt in der aktuell geschätzten latenten Zustimmung sogar höher als vor der Ernennung Schulz' zum Kanzlerkandidaten. Gleichzeitig zeigen die Abbildungen, dass die Vorhersage des strukturellen Modells noch einen substantiellen Einfluss auf die Wahltagsvorhersage ausübt: die Unterstützungskurven schrumpfen noch deutlich in Richtung der strukturellen Vorhersage, sodass wir aktuell ein schwächeres Abschneiden sowohl der CDU/CSU als auch der FDP erwarten würden, als die aktuelle latente Parteienunterstützung erwarten ließe. Grundsätzlich sollte das Gewicht des strukturellen Modells über den Verlauf der Kampagne ab- und das des Umfragemodells weiter zunehmen. Zum Zeitpunkt dieser Vorhersage hält sich der Nutzen der Kombination des strukturellen Modells mit der dynamischen Komponente noch in Grenzen – gemäß den Ergebnissen aus Tabelle 1 würden wir nicht erwarten, dass dieser Schritt zu einer starken Verbesserung der Vorhersagegüte beiträgt. Wir präsentieren hier dennoch die Ergebnisse des kombinierten Modells, um sowohl das Prozedere zu illustrieren als auch die starken Schwankungen in der latenten Parteiunterstützung zu verdeutlichen. Damit verbunden ist auch die große Unsicherheit, die das Modell der Vorhersage zu diesem Zeitpunkt noch beimisst. Die Kredibilitätsintervalle weiten sich zwischen dem Zeitpunkt der Vorhersage und dem Wahltag noch stark aus. Für diesen Zeitraum liegen noch keine Daten vor, dementsprechend groß ist auch die kombinierte Unsicherheit aus dem strukturellen Modell und der Variabilität der Befragungen.



**Abbildung 7:** Vorhersagen der Stimmenanteile für die Bundestagswahl 2017. 90%- (95%) Kreditintervalle durch dicke (dünne) Balken angezeigt.

Die aktuellen vorhergesagten Stimmenanteile 116 Tage vor der Wahl sind schließlich nochmals detailliert in Abbildung 7 abgetragen. Demnach käme die CDU/CSU auf 36,0% [28,3%; 44,4%], die SPD auf 26,4% [19,5%; 34,7%], die AfD auf 8,2% [5,6%; 11,9%], Die Linke auf 8,1% [5,8%; 12,2%], die FDP auf 7,6% [4,9%; 11,4%], und B'90/Die Grünen auf 7,2% [5,0%; 10,5%] (90%-Kreditintervalle in Klammern).<sup>21</sup> Dabei wird deutlich, dass die mit den aktuellen Vorhersagen verbundene Unsicherheit noch beträchtlich ist.<sup>22</sup>

**Tabelle 2:** Vorhergesagte Wahrscheinlichkeiten auf Basis der simulierten Stimmenanteile für Ereignisse im Zuge der Bundestagswahl 2017.

Ereignis	Wahrscheinlichkeit (in %)
<i>Größte Partei</i>	
CDU/CSU	87
SPD	13
<i>Koalitionsmehrheit</i>	
CDU/CSU + SPD	100
CDU/CSU + FDP	25
CDU/CSU + B'90/Die Grünen	22
CDU/CSU + B'90/Die Grünen + FDP	72
SPD + B'90/Die Grünen	0
SPD + B'90/Die Grünen + Linke	15
SPD + B'90/Die Grünen + FDP	11
<i>Scheitern an 5%-Hürde</i>	
FDP	6
AfD	2
B'90/Die Grünen	6
<i>Zugewinn an Stimmenanteilen im Vergleich zu 2013</i>	

21 Die hier berichteten Zahlen beschreiben die Median-, nicht die Mittelwert-Vorhersagen aus den posterior-Verteilungen. Deshalb weicht die Summe der Werte geringfügig von 100% ab.

22 Die in Abbildung 7 präsentierten Unsicherheitsintervalle sind zudem breiter als die in Abbildung 6 für den Wahltag präsentierten Intervalle. Dies liegt daran, dass letztere die Schock-Anpassung (zur Korrektur möglicher Umfrageverzerrungen) noch nicht berücksichtigt.

CDU/CSU (> 41.5%)	14
SPD (>25.7%)	56
Die Linke (>8,6%)	38
B'90/Die Grünen (>8,4%)	24
FDP (>4.8%)	95
AfD (>4.7%)	99
<i>Weitere Ereignisse</i>	
Sechs Fraktionen im Bundestag	86
AfD drittstärkste Fraktion	33

Ein wichtiger Vorteil der bayesianischen Modellierung und Implementation mittels MCMC-Simulationen ist, dass sich sehr einfach Wahrscheinlichkeiten für alle mit den vorhergesagten Größen direkt verbundene Ereignisse berechnen lassen. Hierzu werden die Ergebnisse der Simulationen herangezogen und aus der relativen Häufigkeit des Eintretens bestimmter Ereignisse deren Wahrscheinlichkeit abgeleitet. Einige dieser Wahrscheinlichkeiten sind in Tabelle 2 aufgelistet. Basierend auf diesen Berechnungen beträgt die Wahrscheinlichkeit für die CDU/CSU, als stärkste Fraktion aus der Bundestagswahl hervorzugehen, 87%, für die SPD lediglich 13%. Ein Blick auf unterschiedliche Koalitionsoptionen zeigt, dass neben der Großen Koalition aktuell eine Jamaika-Koalition erhebliche Chancen auf eine rechnerische Mehrheit im Parlament hätte, aber auch eine Schwarz-Gelbe Koalition mit 25% nicht unmöglich scheint.<sup>23</sup> Gleichzeitig besteht mit Blick auf die kleinen Parteien aktuell für keine ein nennenswertes Risiko, an der 5%-Hürde zu scheitern. Gleichzeitig gibt das Modell der FDP, der AfD und der SPD aktuell die höchsten Chancen, im Vergleich zur letzten Wahl Stimmenanteile hinzuzugewinnen und somit als nominelle Gewinner aus der Wahl hervorzugehen. Schließlich sehen 6/7 unserer Simulationen sechs Fraktionen im Bundestag und ein Drittel die AfD als drittstärkste Fraktion.

## 5 Vorläufige Diskussion

Eine abschließende Beurteilung unseres Vorhersagemodells steht zu diesem Zeitpunkt noch aus. Am Abend des 24. September wird sich herausstellen, ob das Modell - idealerweise besser noch als die unmittelbar vor dem Wahltag veröffentlichten Umfragen - in der Lage war, den Ausgang der Bundestagswahl zu antizipieren. Es ist durchaus möglich, dass das Modell an diesem Test scheitert. Weder verfügen wir über Insiderwissen noch über eine „magische“ Formel, die den Wahlausgang in allen Fällen zuverlässig vorhersagt. Aus wissenschaftlicher Sicht sollte die Präzision einer Vorhersage nicht das alleinige Kriterium zur Beurteilung der Qualität eines Vorhersagemodells darstellen (Lewis-Beck 2005). Die Vorhersage von Wahlergebnissen ist ein Geschäft mit extrem seltenen Ereignissen; es ist somit nicht immer einfach zu beurteilen, ob Erfolg oder Misserfolg eher der Modellspezifikation oder dem Zufall zuzuschreiben sind.

Gleichzeitig sind einige Vorzüge des Modells gegenüber bisherigen Methoden zur Bundestagswahlvorhersage bereits jetzt ersichtlich: Es erlaubt sowohl eine frühzeitige Vorhersage (200 Tage vor der Wahl) durch die historische Komponente als auch eine Aktualisierung der Erwartungen auf Basis neuer Umfragen, kombiniert also die Vorteile struktureller Modelle mit denen von Umfragedaten. Darüber hinaus werden Vorhersagen für alle relevanten antretenden Parteien generiert und nicht nur für den Koalitionsanteil.

---

<sup>23</sup> Diese Wahrscheinlichkeiten beziehen sich natürlich lediglich auf die rechnerischen Mehrheiten der Sitze. Dabei wird zwar berücksichtigt, ob ein potentieller Koalitionspartner die 5%-Hürde überschreitet, jedoch keinerlei strategische Überlegungen zur tatsächlichen Wahrscheinlichkeit der Realisierung einer solchen Koalition durch die beteiligten Parteien angestellt.

Durch das bayesianische Setup ist zudem eine intuitive Ableitung von Wahrscheinlichkeiten jedes beliebigen, auf den prognostizierten Parteiateilen basierenden Ereignisses möglich. Zwar sagt das Modell nichts aus über den Verlauf und die Erfolgswahrscheinlichkeit von Koalitionsverhandlungen (Bräuninger u. Debus 2008, 2012, Debus 2011). Letztlich ist aber die Frage, welche Koalitionen zumindest rechnerisch möglich sein werden, um eine Mehrheit der Sitze im neuen Bundestag zu erhalten, von zentraler Bedeutung für die persönliche Wahlentscheidung und die letzte Bewertung des Wahlausgangs. Insofern können die Prognosen und daraus abgeleiteten Wahrscheinlichkeiten einen Beitrag dazu leisten, dass Wählerinnen und Wähler bei der Inanspruchnahme eines ihrer wichtigsten Bürgerrechte möglichst gut informiert sind.

Um als hilfreicher Wegweiser für Wählerinnen und Wähler, aber auch für Parteien, Kandidaten und Journalisten zu dienen, ist jedoch auch wichtig, dass sowohl ermittelt als auch kommuniziert wird, mit wie viel Unsicherheit die veröffentlichten Vorhersagen verbunden sind. In den letzten Jahren sind (vor allem umfragebasierte) Prognosemodelle zunehmend in die Kritik geraten, da sie den Ausgang einiger bedeutsamer Wahlen (britische Unterhauswahl 2015, Brexit-Referendum 2016, Trump-Wahl 2016) nicht korrekt vorhersagen konnten. Auf der einen Seite ist nicht davon auszugehen, dass dies mittelfristig das Aus für zuverlässige Wahlvorhersagen bedeutet – im Gegenteil gibt es Hinweise darauf, dass im internationalen Vergleich Umfragedaten nach wie vor ein robuster Prädiktor für Wahlausgänge darstellen (Kennedy et al. 2017). Auf der anderen Seite sind jedoch Vertreter der Wahlvorhersagezunft in der Pflicht, Prognosen mit realistischen Unsicherheiten zu publizieren und diese Unsicherheit auch für die nichtwissenschaftliche Öffentlichkeit verständlich zu machen. Dazu gehört eine Offenlegung der Datengrundlage, Transparenz bei der Modellbildung und Hilfestellung bei der Interpretation der Ergebnisse mit Blick auf die eigentlich interessierenden Größen. Wir versuchen, diesen Kriterien mit unserem Modell gerecht zu werden. Zum einen haben wir technische Vorkehrungen getroffen, um zu zuversichtliche Prognosen zu vermeiden und eine realistischere Quantifizierung von Unsicherheit zu erlangen. Zum anderen stellen wir die Ergebnisse unserer Vorhersage einer breiteren Öffentlichkeit auf dem Internetportal [zweitstimme.org](http://zweitstimme.org) zur Verfügung. Das Portal soll auch dazu dienen, Aktualisierungen der Vorhersage im Verlauf der Kampagne zu kommunizieren und interessierten Wahlbeobachtern Werkzeuge an die Hand zu geben, um die mit den Ergebnissen verbundenen geschätzten Wahrscheinlichkeiten für bestimmte Ereignisse intuitiv nachzuvollziehen. Damit hoffen wir im Kontext der Wahlberichterstattung zur kommenden Bundestagswahl einen politikwissenschaftlich fundierten, für die Allgemeinheit nützlichen Beitrag zu leisten.

## 6 Literatur

- Aitchison, John. 1982. The Statistical Analysis of Compositional Data. *Journal of the Royal Statistical Society Series B* 44(2):139-177. DOI 10.1007/978-94-009-4109-0.
- Arzheimer, Kai. 2006. 'Dead men walking?' Party identification in Germany, 1977–2002. *Electoral Studies* 25(4): 791-807. DOI: 10.1016/j.electstud.2006.01.004.
- Bräuninger, Thomas, und Marc Debus. 2012. *Parteienwettbewerb in den deutschen Bundesländern*. Wiesbaden: VS Verlag für Sozialwissenschaften.
- Bräuninger, Thomas, und Marc Debus. 2008. Der Einfluss von Koalitionsaussagen, programmatischen Standpunkten und der Bundespolitik auf die Regierungsbildung in den deutschen Ländern. *Politische Vierteljahresschrift* 49(2): 309-38. DOI: 10.1007/s11615-008-0101-6.
- Brooks, Stephen P., und Andrew Gelman. 1998. General Methods for Monitoring Convergence of Iterative Simulations. *Journal of Computational and Graphical Statistics* 7(4): 434-455. DOI: 10.2307/1390675.
- Campbell, Angus, Philip E. Converse, Warren E. Miller, und Donald E. Stokes. 1960. *The American Voter*. New York: Wiley.

- Converse, Philip E. 1966. The Concept of Normal Vote. In *Elections and the Political Order*, Hrsg. Angus Campbell, Philip E. Converse, Warren E. Miller, und Donald E. Stokes, 9-39. New York: Wiley.
- Cox, Gary W. 1997. *Making Votes Count: Strategic Coordination in the World's Electoral Systems*. New York, NY: Cambridge University Press.
- Debus, Marc. 2011. Parteienwettbewerb, Regierungsbildung und Ergebnisse der Koalitionsverhandlungen nach der Bundestagswahl 2009. In *Die Parteien nach der Bundestagswahl 2009*, Hrsg. Oskar Niedermayer, 281-306. Wiesbaden: Verlag für Sozialwissenschaften.
- Falter, Jürgen W., und Hans Rattinger. 1983. Parteien, Kandidaten und politische Streitfragen bei der Bundestagswahl 1980: Möglichkeiten und Grenzen der Normal-Vote-Analyse. In *Wahlen und politisches System. Analysen aus Anlass der Bundestagswahl 1980*, Hrsg. Max Kaase, und Hans-Dieter Klingemann, 320-421. Opladen: Westdeutscher Verlag.
- Gelman, Andrew, und Gary King. 1993. Why Are American Presidential Election Campaign Polls So Variable When Votes Are So Predictable? *British Journal of Political Science* 23(4): 409-451. DOI: 10.1017/S0007123400006682.
- Gelman, Andrew, und Donald B. Rubin. 1992. Inference From Iterative Simulation Using Multiple Sequences. *Statistical Science* 7: 457-511.
- Groß, Jochen. 2010. *Die Prognose von Wahlergebnissen*. Wiesbaden: VS Verlag für Sozialwissenschaften.
- Groves, Robert M., Floyd J. Fowler, Jr., Mick P. Couper, James M. Lepkowski, Eleanor Singer, und Roger Tourangeau. 2010. *Survey Methodology, 2nd Edition*. New York: Wiley.
- Gschwend, Thomas, und Helmut Norpoth. 2000. Soll und Haben: Die deutsche Wählerschaft rechnet mit den Parteien ab. In *50 Jahre Empirische Wahlforschung in Deutschland. Entwicklung, Befunde, Perspektiven, Daten*, Hrsg. Markus Klein, Wolfgang Jagodzinski, Ekkehard Mochmann, und Dieter Ohr, 389-409. Wiesbaden: Westdeutscher Verlag.
- Gschwend, Thomas, und Helmut Norpoth. 2001. Wenn am nächsten Sonntag...Ein Prognosemodell für Bundestagswahlen. In *Wahlen und Wähler: Analysen aus Anlass der Bundestagswahl 1998*, Hrsg. Hans-Dieter Klingemann, und Max Kaase, 473-499. Wiesbaden: Westdeutscher Verlag.
- Gschwend, Thomas, und Helmut Norpoth. 2005. Prognosemodell auf dem Prüfstand: Die Bundestagswahl 2005. *Politische Vierteljahresschrift* 46(4): 682-688. DOI: 10.1007/s11615-005-0308-8.
- Gschwend, Thomas, und Helmut Norpoth. 2017. Machtwechsel in Sicht? Die Vorhersage des Kanzlermodells für die Bundestagswahl 2017, *dieses Forum*.
- Hanretty, Chris, Ben Lauderdale, und Nick Vivyan. 2016. Combining national and constituency polling for forecasting. *Electoral Studies* 41(March): 23-43. DOI: 10.1016/j.electstud.2015.11.019.
- Hastie, Trevor, Robert Tibshirani, und Jerome Friedman. 2009. *The Elements of Statistical Learning*. New York: Springer.
- Jackman, Simon. 2005. Pooling the polls over an election campaign. *Australian Journal of Political Science* 40(4): 499-517. DOI: 10.1080/10361140500302472.
- Jackman, Simon. 2009. *Bayesian Analysis for the Social Sciences*. Chichester: Wiley.
- Jennings, Will, und Christopher Wlezien. 2016. The Timeline of Elections: A Comparative Perspective. *American Journal of Political Science* 60(1): 219-233. DOI: 10.1111/ajps.12189.
- Jérôme, Bruno, Véronique Jérôme-Speziari, und Michael S. Lewis-Beck. 2013. A Political-Economy Forecast for the 2013 German Elections: Who to Rule with Angela Merkel? *PS: Political Science & Politics* 46(3): 479-80. DOI: 10.1017/S1049096513000814.
- Kayser, Mark Andreas, und Arndt Leininger. 2016. A Predictive Test of Voters' Economic Benchmarking: The 2013 German Bundestag Election. *German Politics* 25(1): 106-30. DOI: 10.1080/09644008.2015.1129531.
- Kennedy, Ryan, Stefan Wojcik, und David Lazer. 2017. Improving election prediction internationally. *Science* 355(6324), 515-520. DOI: 10.1126/science.aal2887.
- Küntzler, Theresa. 2017. Using Data Combination of Fundamental Variable-Based Forecasts and Poll-Based Forecasts to Predict the 2013 German Election. *German Politics*. Im Erscheinen. DOI: <http://dx.doi.org/10.1080/09644008.2017.1280781>.
- Leininger, Arndt, und Mark Kayser. 2017. Eine länderbasierte Prognose zur Bundestagswahl 2017, *dieses Forum*.

- Lauderdale, Benjamin E., und Drew Linzer. 2015. Under-performing, over-performing, or just performing? The limitations of fundamentals-based presidential election forecasting. *International Journal of Forecasting* 31(3): 965-979. DOI: 10.1016/j.ijforecast.2015.03.002.
- Lewis-Beck, Michael, Helmut Norpoth, William Jacoby, und Herbert Weisberg. 2008. *The American Voter Revisited*. Ann Arbor, MI: University of Michigan Press.
- Linzer, Drew A. 2013. Dynamic Bayesian Forecasting of Presidential Elections in the States. *Journal of the American Statistical Association* 108(501): 124-134. DOI: 10.1080/01621459.2012.737735.
- Munzert, Simon 2017. Forecasting elections at the constituency level: A correction-combination procedure. *International Journal of Forecasting* 33(2): 467-81.
- Norpoth, Helmut, und Thomas Gschwend. 2003. Against all Odds? The Red-Green Victory. *German Politics and Society* 21(1): 15-34. DOI: 10.3167/104503003782353619.
- Pickup, Mark, und Richard Johnston. 2007. Campaign trail heats as electoral information: Evidence from the 2004 and 2006 Canadian federal elections. *Electoral Studies* 26(2): 460-476. DOI: 10.1016/j.electstud.2007.03.001.
- Plummer, Martyn. 2016. JAGS – Just Another Gibbs Sampler. <http://mcmc-jags.sourceforge.net/>. Zugegriffen: 24.04.2017.
- R Development Core Team (2013). *R: A language and environment for statistical computing*. R Foundation for Statistical Computing, Vienna, Austria. <http://www.r-project.org>.
- Schnell, Rainer, und Marcel Noack. 2014. The Accuracy of Pre-Election Polling of German General Elections. *Methods, Data, Analyses* 8(1): 5-24. DOI: 10.12758/mda.2014.001.
- Schoen, Harald. 2014. Wechselwahl. In *Handbuch Wahlforschung*, Hrsg. Jürgen W. Falter, und Harald Schoen, 489-522. Wiesbaden: Springer.
- Selb, Peter, und Simon Munzert. 2016. Forecasting the 2013 German Bundestag Election Using Many Polls and Historical Election Results. *German Politics* 25(1): 73-83. DOI: 10.1080/09644008.2015.1121454.
- Walther, Daniel. 2015. Picking the winner(s): Forecasting elections in multiparty systems. *Electoral Studies* 40: 1-13. DOI: 10.1016/j.electstud.2015.06.003.
- Zittel, Thomas, und Thomas Gschwend. 2007. Der Bundestagswahlkampf von 2005 und Kollektive Repräsentation: Ein kurzer Auftakt zum langen Abschied? In *Die Bundestagswahl 2005. Analysen des Wahlkampfes und der Wahlergebnisse*, Hrsg. Frank Brettschneider, Oskar Niedermayer, und Bernhard Weßels, 119-144. Wiesbaden: VS Verlag für Sozialwissenschaften.